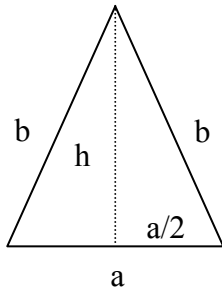


PROBLEMA 1. Optimización

1. Halla la longitud de los lados del triángulo isósceles de área máxima cuyo perímetro sea 60 m.



$$a + 2b = 60 \rightarrow a = 60 - 2b$$

$$h = \sqrt{b^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} \rightarrow A(a,b) = \frac{\sqrt{b^2 - (a^2/4)}}{2}$$

Sustituyendo en la segunda ecuación:

$$A = (30 - b) \cdot \sqrt{b^2 - \frac{3600 - 240b + 4b^2}{4}} = (30 - b) \cdot \sqrt{60b - 900}$$

Derivamos e igualamos a cero para obtener el máximo:

$$A' = \sqrt{60b - 900} + (30 - b) \cdot \frac{360}{2\sqrt{60b - 900}} = \frac{1800 - 90b}{\sqrt{60b - 900}} = 0$$

$$b = 20, a = 20$$

Comprobamos que es un máximo viendo que $A''(20) < 0$

$$A'' = \frac{2700 \cdot (10 - b)}{(60b - 900)\sqrt{60b - 900}}$$

$$A''(20) = \frac{-9}{\sqrt{3}} = -3\sqrt{3} < 0. \text{ Luego, es máximo}$$